

# ОБОСНОВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ ОЧИСТИТЕЛЯ ГОЛОВОК КОРНЕПЛОДОВ

И.Н. Шило, докт. техн. наук, профессор, В.А. Агейчик, канд. техн. наук, доцент,  
В.А. Вольский, студент (УО БГАТУ)

Одним из основных недостатков в работе машин для уборки ботвы является быстрая потеря первоначальной жесткости бичей очистителя головок корнеплодов, что резко снижает их эффективность. Поэтому при обосновании размеров и количества бичей необходимо учитывать величину допустимых деформаций, возникающих при работе очистителя.

Рассмотрим бич как тонкий, гибкий стержень, который находится под действием силы  $F$ , возникающей в результате воздействия со стороны поверхности поля и головок корнеплодов. Один конец бича жестко заделан.

Дифференциальное уравнение упругой линии бича (рис. 1) будет иметь вид [1]

$$EI \frac{dQ}{dS} = -Fx, \quad (1)$$

где  $Q$  - угол между касательной к упругой линии и осью  $OY$ ;

$S$  - криволинейная абсцисса текущей точки  $M$ , отсчитываемой от свободного конца прутка;

$\frac{dQ}{dS}$  - кривизна осевой линии изогнутого

бича в точке  $M$ ;

$E$  - модуль упругости материала бича;

$I$  - момент инерции сечения бича.

Поэтому,

$$\frac{dx}{dS} = \sin Q. \quad (2)$$

Радиус кривизны участка изогнутой оси бича между двумя смежными сечениями будет наименьшим на участке действия наибольшего изгибающего момента в точке  $A$ ,

$$R = \frac{dS}{dQ} = -\frac{EI}{Fx} \quad (3)$$

или, положив,

$$h = \frac{F}{EI}, \quad R = -\frac{1}{hx}, \quad (4)$$

из (1), получим

$$x = -\frac{1}{h} \frac{dQ}{dS}. \quad (5)$$

Подставим в (2) вместо  $x$  его значение из (5), будем иметь

$$\frac{d^2 Q}{dS^2} = -h \sin Q. \quad (6)$$

Проинтегрировав уравнение (6) и приняв во внимание, что на свободном конце бича  $Q = \alpha$  и кривизна

$\frac{dQ}{dS}$  равна нулю, получим

$$\left( \frac{dQ}{dS} \right)^2 = 2h(\cos Q - \cos \alpha). \quad (7)$$

Разделяя переменные и интегрируя уравнение (7), получаем длину дуги изогнутого бича

$$S = \frac{1}{2\sqrt{h}} \int_0^\alpha \frac{dQ}{\sqrt{\sin^2(\alpha/2) - \sin^2(Q/2)}}. \quad (8)$$

Пусть  $\sin(\alpha/2) = P$ . Введя новую переменную  $\varphi$ ,

связанную с  $Q$  уравнением

$$\sin(Q/2) = p \sin \varphi = \sin(\alpha/2) \sin \varphi, \quad \text{найдем}$$

$$\ell = \frac{1}{2\sqrt{h}} \int_0^{\pi/2} \frac{d\varphi}{\sqrt{1 - p^2 \sin^2 \varphi}} = \frac{1}{\sqrt{h}} k(p^2), \quad (9)$$

где  $\ell$  - длина бича;

$k(p^2)$  - полный эллиптический интеграл Лежандра первого рода в нормальной форме.

Решая уравнение (7) относительно  $x$ , определяемого соотношением  $dx = \sin Q ds$ , получим горизонтальное перемещение конца бича:

$$x_0 = \frac{2p}{\sqrt{h}}. \quad (10)$$

Теперь из (4)

$$R = \frac{1}{2p\sqrt{h}}. \quad (11)$$

Для определения  $p$  рассчитаем прогиб бича в вертикальном направлении  $OY$ . Из уравнения упругой кривой, с учетом того, что  $\frac{dy}{dS} = \cos Q$ , получим

$$y = -\int_0^\alpha \cos Q dS + C. \quad (12)$$

Постоянная интегрирования  $C$  определяется из

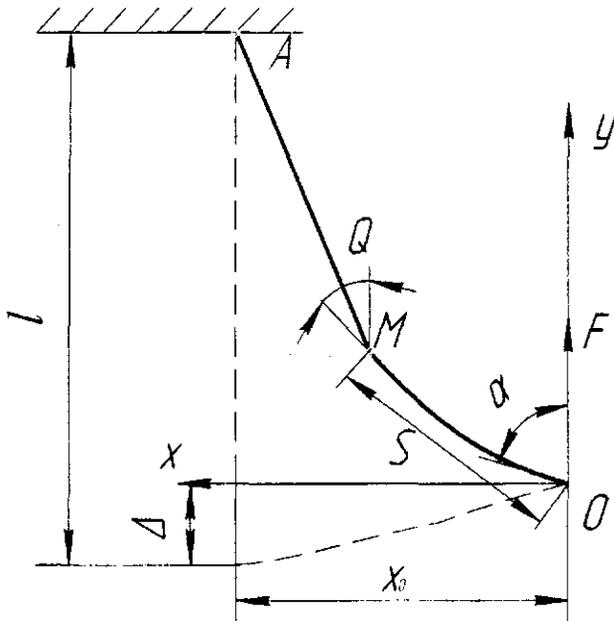


Рис. 1. Расчетная схема изгиба бича

граничных условий на конце бича:  $C = l - \Delta$ ,

где  $\Delta$  - вертикальная деформация бича (рис. 1).

С учетом выражения (7) и принятых ранее обозначений:

$$y = l - \Delta - \int_0^\alpha \frac{\cos Q dQ}{\sqrt{2h(\cos Q - \cos \alpha)}} = l - \Delta - \frac{2}{\sqrt{h}} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 - p^2 \sin^2 \varphi} d\varphi - \frac{1}{\sqrt{h}} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\varphi}{\sqrt{1 - p^2 \sin^2 \varphi}} = l - \Delta - \frac{1}{\sqrt{h}} [2E(p^2) - K(p^2)] \quad (13)$$

где  $E(p^2)$  - полный эллиптический интеграл Лежандра второго рода в нормальной форме [2]. Очевидно, что в точке O  $y=0$ , тогда

$$l - \Delta = \frac{1}{\sqrt{h}} [2E(p^2) - K(p^2)]. \quad (14)$$

Подставим значение  $\sqrt{h}$  из (9) в (11) и (14) с учетом того, что для прорезиненных и хлопчатобумажных тканых бичей толщиной

$$\delta [3] \frac{R_{\min}}{\delta} \geq 15 \text{ имеем систему уравнений: } \Delta = 2\ell \frac{K(p^2) - E(p^2)}{K(p^2)}; R = \frac{1}{2pK(p^2)}; R_{\min} \geq 15\delta. \quad (15)$$

На рис. 2 представлена построенная на основании выражений (15) номограмма. Она устанавливает взаимосвязь конструктивных параметров бичей ( $l$  и  $\delta$ ) с условиями их эксплуатации ( $\Delta$ ). Например, при вертикальной деформации бичей 30 мм и их длине 150

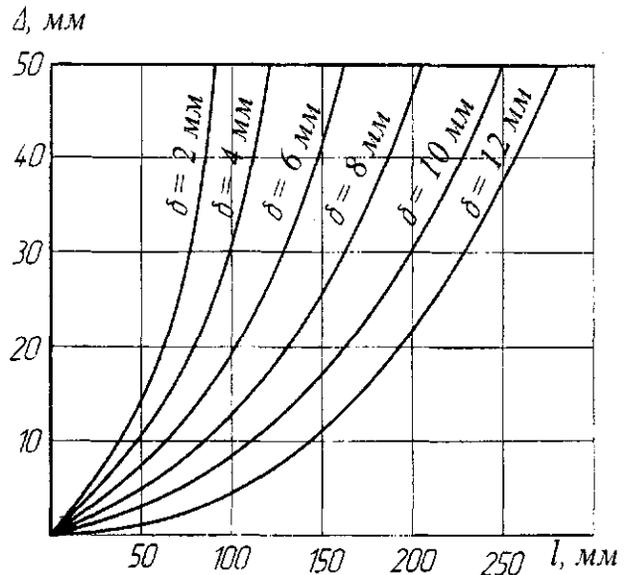


Рис. 2. Номограмма для определения максимально допустимой толщины ( $\delta$ ) и минимально допустимой длины ( $l$ ) бича в зависимости от его вертикальной деформации (условий работы) ( $\Delta$ )

мм для обеспечения постоянства жесткости их толщина не должна превышать 7 мм.

Во время выполнения технологического процесса каждый бич лишь в течение относительно короткого времени находится в контакте с поверхностью почвы, равной  $\Delta l$ , а сумма длины участков их касания о поверхности этой площадки будет зависеть от параметра бичей, угловой скорости ротора и поступательной скорости машины. Отношение этой суммы к длине участка, которую мы назовем коэффициентом частоты воздействия бичей, будет в определенной степени характеризовать эффективность работы ротора очистителя.

На рис. 3 представлена схема контакта бича с поверхностью поля. В пределах сектора AOB бич воздействует на головки корнеплодов, очищая их от остатков ботвы. Длина зоны воздействия бича:

$$L = 2\sqrt{(r_1 + l)^2 - (r_1 + l - \Delta)^2} = \quad (16)$$

$$= 2\sqrt{2(r_1 + l)\Delta - \Delta^2} \approx 2\sqrt{2(r_1 + l)\Delta},$$

где  $r_1$  - радиус окружности крепления бичей.

При скорости движения машины, равной  $V_m$ , за время  $t$  машина пройдет путь  $V_m t$ , а при угловой скорости ротора  $\omega$  за это время число оборотов одного бича  $\omega t / 2\pi$ .

Коэффициент частоты воздействия последовательно  $n$  расположенных бичей:

$$i = \left[ \omega n \sqrt{2(r_1 + l)\Delta} \right] / \pi V_m. \quad (17)$$

Из выражения (17) видно, что наиболее просто повысить частоту воздействия бичей на головки корнеплодов можно путем увеличения угловой скорости ротора, числа бичей и при уменьшении поступательной скорости движения машины. Длина бичей и величина их вертикальной деформации

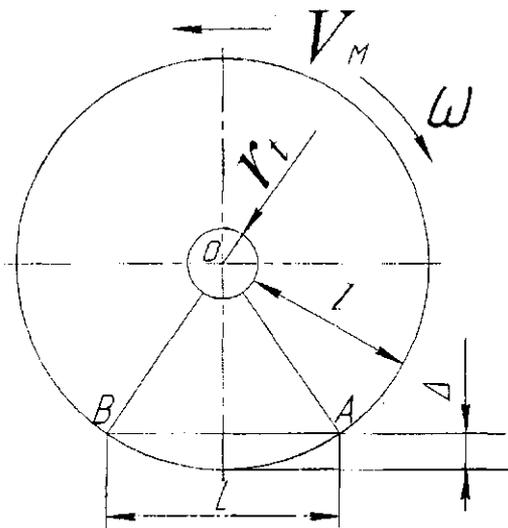


Рис. 3. Схема контакта бича с поверхностью поля

вливают на это в меньшей степени.

Однако при большом числе бичей они во время контакта с поверхностью поля будут ударяться друг о друга, и эффективность их работы снизится.

Запишем условие несоударяемости бичей во время контакта их с поверхностью поля:

$$\sqrt{l^2 - (l - \Delta)^2} = \sqrt{2l\Delta - \Delta^2} \approx \sqrt{2l\Delta} \leq (l + r_1) \sin \frac{\pi}{n}, \quad (18)$$

откуда

$$n \leq \pi / \arcsin \frac{\sqrt{2l\Delta}}{l + r_1}. \quad (19)$$

Например, при  $l = 100$  мм,  $\Delta = 20$  мм и  $r_1 = 45$  мм  $n \leq 6,9$ . При этих же параметрах и  $\omega = 100$  1/с;  $n = 4$ ;  $V_m = 1500$  мм/с;  $i = 6,47$ .

На рис. 4 представлена зависимость предельно допустимого количества последовательно расположенных

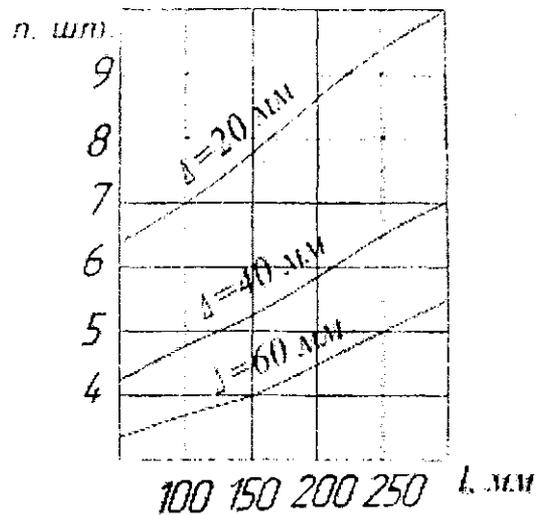


Рис. 4. Предельно допустимое количество последовательно расположенных бичей ротора  $n$  в зависимости от их длины  $l$  и вертикальной деформации  $\Delta$ , исходя из условия несоударяемости бичей  $r_1 = 45$  мм.

бичей ротора  $n$  от их длины  $l$  и вертикальной деформации  $\Delta$ , исходя из условия несоударяемости бичей.

#### Вывод

При проектировании бичевых очистителей головок корнеплодов от черенков ботвы необходимо учитывать взаимоотношение допустимых деформаций с параметрами бичей.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Феодосьев В.И. Сопротивление материалов. - М., 2001.
2. Янке Е и др. Специальные функции. - М.: Наука, 1977.
3. Чернышевский Д.В. Детали машин. - М.: Машиностроение, 2002.

УДК 631.312.44

## ОБОСНОВАНИЕ РАЦИОНАЛЬНОЙ ШИРИНЫ ЗАХВАТА ДВУХСЕКЦИОННОГО ПОВОРОТНОГО ПЛУГА-ЛУЩИЛЬНИКА

П.П. Казакевич, докт. техн. наук, А. Н. Юрин, мл. научн. сотр. (РУНИП «ИМСХ НАН Беларуси»)

Ширина захвата оказывает существенное влияние на устойчивость хода плуга, которая определяется

двумя факторами:

- зависимостью величины тягового сопротивления